

Penentuan Distribusi Sample Terbatas Uji-J Davidson dan Mackinnon dengan Metode Bootstrap pada Model Regresi Tak Tersarang

Georgina Maria Tinungki*

Abstract

There are some tests proposed for un-nested hypothesis between J-Davidson Test and MacKinnon Test. J's Test is often bad result, but it always works very well when used bootstrap. Bootstrapping for J's Test is expected to be able to show that by using bounded sample is better, because there is no fault in counting process. Moreover, bootstrapping J-Test will omit the possibility of inconsistency of the results test previously. Simulation result of Monte Carlo will compare the proposed bounded sample test with Cox and J's Test previously.

Keywords: un-nested hypothesis, J-Davidson Test, MacKinnon Test

Abstrak

Terdapat beberapa pengujian yang diusulkan untuk hipotesis tak tersarang antara lain Uji-J Davidson dan MacKinnon. Uji-J sering bekerja buruk, tetapi biasanya bekerja sangat baik ketika dibootstrapkan. Bootstrapping Uji-J diharapkan mampu menunjukkan sampel terbatas lebih baik karena tidak mempunyai kesalahan didalam proses perhitungan. Lebih dari itu, bootstrapping J-Tests akan mengeluarkan kemungkinan dari ketidak konsistenan hasil uji yang sebelumnya. Hasil Simulasi Monte Carlo membandingkan uji sampel terbatas yang diusulkan dengan test yang sebelumnya seperti Uji Cox dan J-Test.

Kata Kunci: Hipotesis tak tersarang, Uji-J Davidson, Uji MacKinnon

1. Pendahuluan

Hipotesis taktersarang (*Non nested Hypotesis*), pertama kali diperkenalkan oleh Cox (1961, 1962) yang disebut Uji Cox dan dikembangkan lebih lanjut oleh Pesaran (1974) serta Pesaran dan Dalton (1978). Uji Cox memiliki beberapa kekurangan yaitu tidak dapat diterapkan pada asumsi distribusional karena ketidak akuratan pada hasil ujinya dan jumlah sampelnya terbatas (jumlahnya tidak diketahui dengan pasti).

Uji J untuk model regresi taktersarang, merupakan pengujian dua langkah berdasarkan 'artificial nesting (tiruan tersarang), dimana uji J cenderung lebih mudah dan praktis ketimbang uji Cox, namun hasil ujinya masih belum akurat sebagaimana pada uji Cox. Selain distribusi asimptotik, juga tampilan sampel kecil pada uji J dianggap tidak memuaskan.

Fan&Li(1995) dan Godfrey(1997) menyarankan bootstrapping uji J dan berhasil meningkatkan kekuatan pada sampel terbatasnya. Metode ini juga memudahkan dalam menghitung statistic uji dan sangat mudah dilakukan. Dalam tulisan ini, hasil eksperimen Monte Carlo dengan bootstrapping Uji J bekerja sangat baik, meskipun uji ini tidak berdasarkan pengulangan yang cukup untuk menjadi *defenitif*.

Pada Uji J dibootstrapkan dengan menggunakan simulasi Monte Carlo, diperoleh hasil yang sangat akurat, karena mampu menggunakan pengulangan-pengulangan dengan biaya yang rendah.

*Jurusan Matematika

Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam

Universitas Hasanuddin Makassar

ina_matematika@yahoo.co.id

2. Kajian Teori

Nilai parameter regresi β belum diketahui nilainya, sehingga pemodelan regresi, diasumsikan bahwa bentuk $\varepsilon = Y - X\beta$ bersifat acak, dimana $E(\varepsilon_1) = 0$

dan $Var(\varepsilon_1) = \sigma^2$ sehingga errornya tidak saling berkorelasi untuk setiap $i = 1, 2, \dots, n$

Jika $\hat{\beta}_0$ dan $\hat{\beta}_1$ merupakan penaksir dari parameter β_0 dan β_1 , maka dengan menggunakan metode kuadrat terkecil penaksir tersebut dapat diperoleh dengan meminimumkan bentuk kuadrat error:

$$J = \sum_{i=1}^n \varepsilon_i^2 = \sum_{i=1}^n (Y_i - \beta_0 - \beta_1 X_i)^2 \quad (1)$$

Supaya J minimum, maka $\frac{\partial J}{\partial \beta_0} = 0$ dan $\frac{\partial J}{\partial \beta_1} = 0$

Jadi, bila J diturunkan terhadap β_0 , maka diperoleh:

$$\frac{\partial J}{\partial \beta_0} = -2 \sum_{i=1}^n (Y_i - \beta_0 - \beta_1 X_i) = 0$$

atau,

$$\sum_{i=1}^n Y_i - n\beta_0 - \beta_1 \sum_{i=1}^n X_i = 0, \quad (2)$$

Selanjutnya, turunkan J terhadap β_1 , maka diperoleh:

$$\frac{\partial J}{\partial \beta_1} = -2 \sum_{i=1}^n (Y_i - \beta_0 - \beta_1 X_i) X_i = 0$$

atau,

$$\sum_{i=1}^n Y_i X_i - \beta_0 \sum_{i=1}^n X_i - \beta_1 \sum_{i=1}^n X_i^2 = 0 \quad (3)$$

Selanjutnya, mengganti β_0 dan β_1 dengan penaksirnya $\hat{\beta}_0$ dan $\hat{\beta}_1$ sehingga diperoleh:

$$\sum_{i=1}^n Y_i = n\hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 \sum_{i=1}^n X_i \quad (4)$$

$$\sum_{i=1}^n Y_i X_i = \hat{\beta}_0 \sum_{i=1}^n X_i + \hat{\beta}_1 \sum_{i=1}^n X_i^2 \quad (5)$$

Persamaan (5) dan (6) dinamakan persamaan normal yang dapat ditulis dalam bentuk matriks sebagai berikut:

$$X^T X \hat{\beta} = X^T Y \quad (6)$$

Dimana $X^T = \begin{bmatrix} 1 & 1 & \dots & 1 \\ X_1 & X_2 & \dots & X_n \end{bmatrix}$ maka diperoleh

$$X^T X = \begin{bmatrix} n & \sum_{i=1}^n X_i \\ \sum_{i=1}^n X_i & \sum_{i=1}^n X_i^2 \end{bmatrix} \text{ dan}$$

$$X^T Y = \begin{bmatrix} 1 & 1 & \cdot & \cdot & 1 \\ X_1 & X_2 & \cdot & \cdot & X_n \end{bmatrix} \begin{bmatrix} Y_1 \\ Y_2 \\ Y_3 \\ \cdot \\ Y_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sum_{i=1}^n Y_i \\ \sum_{i=1}^n X_i Y_i \end{bmatrix} \quad (7)$$

Karena matriks $X^T X$ tidak singular sehingga persamaan normal mempunyai penyelesaian tunggal :

$$\hat{\beta} = (X^T X)^{-1} X^T Y \quad (8)$$

Hipotesis Nested

Dua model dikatakan nested jika salah satu model dapat direduksi menjadi model lainnya dengan memberlakukan batasan pada parameter
Misalkan, uji hipotesis model regresi nested berikut:

$$H_0 : \beta_0 + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \varepsilon_0$$

$$H_1 : \beta_0 + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \beta_3 X_3 + \varepsilon_1$$

adalah model tersarang (*nested*) karena dengan menggunakan batasan $\beta_3 = 0$ maka H_1 dapat menjadi H_0 . Dengan kata lain H_1 mencakup H_0 . Perbedaan kedua model ini meliputi batasan pada β_3 . Kasus ini dapat diselesaikan dengan uji-t berdasarkan OLS dan uji rasio Likelihood.

Hipotesis Nonnested

Dua model dikatakan taktersarang (*non-nested*) jika salah satu model tidak dapat direduksi menjadi model lain dengan memberlakukan pembatasan pada parameter
Misalnya, 2 hipotesis *nonnested* berikut:

$$H_0 : \beta_0 + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \beta_3 X_3 + \varepsilon_0$$

$$H_1 : \beta_0 + \beta_3 X_3 + \beta_4 X_4 + \beta_5 X_5 + \varepsilon_1$$

Dikatakan non-nested karena jika memberlakukan batasan $\beta_4 = 0$ dan $\beta_5 = 0$ maka H_1 tidak dapat menjadi H_0

Uji untuk Model Hipotesis Nonnested

Uji Cox

Dua model hipotesis *Nonnested* dalam bentuk matrik:

$$H_0 : y = X\beta + \varepsilon_0 \quad (9)$$

$$H_1 : y = Z\gamma + \varepsilon_1 \quad (10)$$

Dimana y adalah vektor ($n \times 1$) dari variabel terikat, X dan Z masing-masing adalah regresi matrix ($n \times k_1$) dan ($n \times k_2$), ε_0 dan ε_1 adalah vektor error ($n \times 1$). Anggap bahwa $E(\varepsilon_0) = E(\varepsilon_1) = 0$ dan $\text{var}(\varepsilon_0) = \sigma_1^2 I$ $\text{var}(\varepsilon_1) = \sigma_2^2 I$. Selain itu, juga asumsikan dua alternatif perangkat regresor, X dan Z , mungkin memiliki beberapa variabel umum, namun tidak satupun yang merupakan

Georgina Maria Tinungki

sub perangkat bagi yang lain. Masalahnya ialah untuk memutuskan model mana yang lebih baik.

Cox (1961, 1962) mengembangkan varian pengujian ratio kemungkinan untuk hipotesis nonnested. Pesaran (1974), Pesaran&Deaton (1978), dan McAleer (1984) memperoleh berbagai versi pengujian Cox untuk kasus-kasus regresi. Untuk hipotesis (1) dan (2), statistik Cox untuk pengujian, bahwa H_0 benar dan H_1 tidak.

$$c_{12} = \frac{n}{2} \log \left[\frac{S_z^2}{S_{ZX}^2} \right] \quad (11)$$

Dimana

$S_z^2 = \hat{v}'\hat{v}/n$, $S_{ZX}^2 = S_x^2 + (1/n)\hat{\beta}'X'M_zX\hat{\beta}$, $\hat{\beta} = (X'X)^{-1}X'y$, dan $M_z = 1 - Z(Z'Z)^{-1}Z'$
Statistik pengujian dari uji Cox adalah sebagai berikut.

$$\frac{c_{12}}{SE(c_{12})} = \frac{c_{12}}{\sqrt{\frac{S_x^2(\hat{\beta}'X'M_zM_xM_zX\hat{\beta})}{S_{zx}^4}}} \quad (12)$$

Dimana $M_x = 1 - X(X'X)^{-1}X'$. Cox telah menunjukkan bahwa statistik pengujian pada persamaan (12) merupakan suatu variabel normal standar di bawah H_0 . Secara signifikan nilai statistik yang lebih besar dari nol merupakan bukti menolak H_0 .

Uji J

Uji J yang diusulkan oleh Davidson dan MacKinnon (1981) merupakan versi yang dilinearkan pada uji Cox dengan menggunakan model "tersarang tiruan" sebagai berikut

$$y = (1 - \lambda)X\beta + \lambda Z\gamma + \varepsilon \quad (13)$$

Jika model diestimasi dengan menguji salah satu parameter yaitu $\lambda=0$ maka menolak hipotesis H_0 dan jika $\lambda=1$ maka dapat menerima hipotesis H_1 . Namun yang menjadi kendala adalah λ tidak teridentifikasi pada estimasi persamaan (13). Davidson dan MacKinnon (1981) menyarankan prosedur dua langkah: γ diestimasi oleh nilai terkecil dari persamaan (10), dan penaksir, $\hat{\gamma}$, digantikan untuk γ yang tidak diketahui pada persamaan (13) untuk memperkirakan λ secara terpisah. Dengan demikian pada tahap kedua, persamaan berikut diestimasi dengan nilai terkecil.

$$y = (1 - \lambda)X\beta + \lambda(Z\hat{\gamma}) + \varepsilon \quad (14)$$

Dimana $\hat{Y}_z = Z\hat{\gamma}$, sehingga persamaan menjadi:

$$y = (1 - \lambda)X\beta + \lambda\hat{Y}_z + \varepsilon \quad (15)$$

Dengan cara yang sama pada persamaan (10), $\hat{\beta}$ diestimasi dan mengganti $X\beta$ pada persamaan (14) dengan $X\hat{\beta}$ atau \hat{Y}_x . Persamaannya menjadi:

$$y = (1 - \lambda)\hat{Y}_x + \lambda\hat{Y}_z + \varepsilon \quad (16)$$

Uji J Davidson & Mckinnon menggunakan uji-t untuk mengestimasi koefisien \hat{Y}_z pada persamaan (15) dan \hat{Y}_x persamaan(16). Statistik-t pada koefisien \hat{Y}_z menolak H_0 sesuai model dan nilai signifikan statistik-t pada hasil koefisien \hat{Y}_x adalah penolakan terhadap H_1 . Kedua hasil statistic-t memperlihatkan penolakan tiap model.. Sebagian regresor ada persamaan in (15) and (16) merupakan stokastik, uji t-test sebagian tidak valid.

Georgina Maria Tinungki

Statistik *uji-t* untuk signifikansi λ pada persamaan(15),seperti pengambilan keputusan pada hipotesis (9) tergantung pada kecocokan nilai regresi Y terhada Z', kecocokan data pada regresi (15) seperti halnya korelasi antara dua himpunan dari regresor (15).Dengan melihat penggunaan F rasio untuk menguji $\lambda = 0$ yang sama pada nilai t kuadrat ketika ditarik dari kontribusi salah satu regresor \hat{Y}_Z . Dengan cara yang sama dapat diaplikasikan pada signifikansi $(1 - \lambda)$ pada persamaan (16).

Dengan asumsi hipotesis $\lambda = 0$,maka statistik uji F adalah:

$${}^2 F(1, T - k_1 - 1) = \frac{(1, T - k_1 - 1) [R_{YZ} - R_{YX} \cdot R_{\hat{Y}_X} R_{\hat{Y}_Z}]^2}{(1 - R_{YX}^2)(1 - R_{\hat{Y}_X}^2) - [R_{YZ} - R_{YX} \cdot R_{\hat{Y}_X} R_{\hat{Y}_Z}]^2} \quad (17)$$

Karena uji J adalah simetrik, kedua bagian uji J, mencakup (10) dan sigifikansi $(1 - \lambda)$ pada persamaan (16) statistik uji dinotakan sebagai ${}^1 F$ sebagai berikut:

$${}^1 F(1, T - k_1 - 1) = \frac{(1, T - k_2 - 1) [R_{YX} - R_{YZ} \cdot R_{\hat{Y}_X} R_{\hat{Y}_Z}]^2}{(1 - R_{YZ}^2)(1 - R_{\hat{Y}_Z}^2) - [R_{YX} - R_{YZ} \cdot R_{\hat{Y}_X} R_{\hat{Y}_Z}]^2} \quad (18)$$

Ketika ukuran sample kecil, perbedaan antara jumlah dari regresor dalam model yang saling bersaing, akan mempengaruhi ukuran pada uji statistiknya. jika data telah diperoleh dari model (9), statistic uji ${}^1 F$ akan menjadi kecil seperti jumlah regresor pada model, k_2 , meningkat.. Hal ini akan semakin mendorong kea rah penolakan H_0 , sebaliknya penerimaan H_1 jika jumlah regresor k_1 kecil. kekonsistenan ini, Godfrey dan pesaran (1982) menemukan simulation-based seperti halnya Gourieroux dan Monfort (1994) yang menyimpulkan bahwa uji ini sangat sensitive terhadap relative jumlah regresor pada dua hipotesis . Kekuatan uji J sangat lemah ketika jumlah regresor dalam H_0 lebih kecil dari jumlah regresor dalam H_1 .

Bootstrapping Uji J

Metode bootstrap pertama kali diperkenalkan oleh Bradley Efron pada tahun 1979. Istilah bootstrap berasal dari "*pull one self up by one's bootstrap*" yang berarti berpijak di atas kaki sendiri, berusaha dengan sumber daya yang minimal. Dalam sudut pandang statistika, sumber daya minimal adalah jumlah data yang sedikit, data yang menyimpang dari asumsi tertentu atau data yang tidak mempunyai asumsi apapun tentang distribusi populasinya.

Dalam kasus ini, statistik uji bootstrap diberi simbol $\hat{\tau}$ yang dapat dihitung dengan cara biasa. Dengan membandingkan nilai kritis dari beberapa distribusi teoritis, dapat diambil keputusan menerima atau menolak hipotesis nol dengan melihat nilai $\hat{\tau}$ dari distribusi yang diestimasi pada sejumlah besar statistik uji bootstrap yang dihitung dengan simulasi data. Dengan berasumsi normal, akan membatasi tulisan ini pada uji bootstrap parametrik.

Terdapat beberapa cara untuk uji hipotesis bootstrap.. Di dalam pandangan umum, cara paling mudah dan paling yang informatif untuk menggunakan bootstrap pada beberapa uji hipotesis adalah menghitung nilai bootstrap P; untuk metoda yang lainnya, lihat Horowitz (1994). Adapun prosedur kerja bootstrap adalah sebagai berikut:

- a. Menaksir H_0 dengan OLS, kemudian memperoleh $\hat{\tau}$ untuk menaksir parameter $\hat{\beta}$ dan s^2
- b. Nilai B pada error bootstrap ε_j^* dari distribusi $N(0; s^2)$ dengan menggunakan parameter estimasi $\hat{\beta}$ untuk menghasilkan sample bootstrap B $y_j^*, j = 1, \dots, B$, dengan persamaan:

$$y_j^* = X\hat{\beta} + \varepsilon_j^*$$

Georgina Maria Tinungki

- c. Menggunakan setiap sampel ini untuk menghitung statistic uji τ_j^* dengan cara sama pada $\hat{\tau}$ yang dihitung dari sample yang sebenarnya. Kemudian menghitung taksiran nilai P bootstrap

$$\hat{p}^*(\hat{\tau}) = \frac{1}{B} \sum_{j=1}^B I(\tau_j^* \geq \hat{\tau}) \quad (19)$$

di mana $I(\cdot)$ adalah satu fungsi indikator, setara dengan 1 jika pernyataannya benar dan 0 lainnya dengan asumsi uji J adalah uji satu arah. Di dalam prosedur hanya menggambarkan B bisa bernilai integer positif yang terpilih sehingga $\alpha(B+1)$ adalah satu integer, di mana α adalah ukuran uji yang diinginkan. B bernilai besar membuat hasil tes sedikit bebas dari penggunaan sample bootstrap dan semakin meningkatkan kekuatan ujinya. (Davidson dan MacKinnon (1997b)). Kecuali jika dalam perhitungan biayanya adalah suatu masalah, maka disarankan menggunakan sedikitnya $B = 999$, terutama nilai yang lebih besar dalam penerapannya. Monte Carlo mengadakan percobaan, bagaimanapun, nilai-nilai lebih kecil dari B bekerja dengan baik, karena error cenderung ke luar dari pengulangan-pengulangan. Di dalam bagian yang berikutnya, kita akan menggunakan $B = 399$ di dalam percobaan ini. Taksiran bootstrap dari nilai kritis α akan dibiarkan kapan pun nilai kritis yang bergantung pada parameter non linear. Tingkat bias tergantung pada variansi dari parameter taksirannya. Bias akan semakin besar jika nilai variansi meningkat. Dalam kedua kasus ini, yang penting adalah bentuk dari "fungsi nilai kritis," yang berhubungan dengan nilai kritis untuk uji tertentu yang menghubungkan dengan nilai parameternya.

3. Hasil Penelitian dan Pembahasan

Berdasarkan data hasil simulasi Jaringan Neural (A.Elazouni I.Nosair., Journal O Computing in Civil Engenering) yang terdiri dari 8 sampel, 7 variabel independen dan 1 variabel dependen.

Analisis lebih lanjut, akan digunakan Software SPSS dan Matlab 7.0.1

Penentuan Hipotesis Nonnested Untuk Sampel 20

Analisis Regresi Untuk Ho

Tabel 1 : Coefficient

Coefficients ^a						
Model		Unstandardized Coefficients		Standardized Coefficients	t	Sig.
		B	Std. Error	Beta		
1	(Constant)	-754.327	435.713		-1.731	.104
	X3	21.843	23.300	.121	.937	.363
	X5	395.764	70.636	.733	5.603	.000
	X7	6.574	2.765	.303	2.377	.031

a. Dependent Variable: Y

Dari tabel 1 diperoleh persamaan : $Y = -754.40 + 21.843X_3 + 395.81X_5 + 6.56X_7$

Tabel 2 : Model Summary

Model Summary				
Model	R	R Square	Adjusted R Square	Std. Error of the Estimate
1	.887 ^a	.787	.745	299.394

a. Predictors: (Constant), X7, X3, X5

Dari table 2 terlihat nilai R Square 0.79 dan estimasi standar error 299.40

Georgina Maria Tinungki

Hipotesis Nonnested:

H_0 : Tidak ada pengaruh jumlah beton yang diperlukan per hari, tinggi, tingkat dorongan pada slipform dan jumlah konstruksi bangunan terhadap kualitas beton dalam bentuk persamaan

$$Y = -754.40 + 21.843X_3 + 395.81X_5 + 6.56X_7$$

H_1 : Ada pengaruh jumlah bak, jumlah beton yang diperlukan per hari dan tingkat dorongan pada slipform terhadap kualitas beton dalam bentuk persamaan

$$Y = 1855.21 + 38.17X_1 - 35.96X_2 - 377.45X_4$$

Hasil Uji J dan Bootstrapping Uji J

Dari dua persamaan hipotesis nonnested di atas akan digunakan uji J dan Bootstrap untuk memperoleh persamaan yang terbaik. Dengan bantuan Matlab 7.0.1, akan diperoleh hasil sebagai berikut:

Tabel 3 : Hasil Output Uji J dan Bootstrapping Uji J $\alpha = 0.01$

Test	Sampel	Pengujian H_0				Pengujian H_1			
		R^2_{YX}	Df	F_1	Kesp	R^2_{YZ}	df	F_2	Kesp
Uji J	20	0.7886	16	9.4536	ditolak	0.7930	16	9.1414	ditolak
Bootstrap	399	0.7101	16	29.8145	ditolak	0.8593	16	7.3883	Diterima
J	999	0.7054	16	12.4875	ditolak	0.8299	16	5.4211	Diterima

Dari output Uji J dan Bootstrapping Uji J pada Tabel 3 terlihat bahwa :

- Pada Uji J untuk ukuran sampel 20 terlihat hasil pengujian H_0 adalah $R^2_{YX} = 0.7886$, jumlah derajat bebas atau $df = 16$ serta nilai $F_1 = 9.436 > F_{0.01(1,16)} = 8.53$. Hasil pengujian H_1 adalah $R^2_{YZ} = 0.7930$, jumlah derajat bebas atau $df = 16$ dan nilai $F_2 = 9.1414 > F_{0.01(1,16)} = 8.53$. Dari kedua hasil tidak pengujian tidak dapat diambil kesimpulan karena kedua-duanya menolak hipotesis.
 - Pada Uji Bootstrap untuk ukuran sampel 20 akan dilakukan replikasi sebanyak 2 kali, yaitu replikasi 399 dan 999. Pada replikasi 399 sudah ada kesimpulan yaitu menolak H_0 dan menerima H_1 . Hal ini terlihat dari $F_1^* = 29.8145 > F_{0.01(1,16)} = 8.53$, dengan H_1 atau $F_2^* = 7.3883 < F_{0.01(1,16)} = 8.53$. Begitupula terlihat pada replikasi 999, nilai $F_1^* = 12.4875 > F_{0.01(1,16)} = 8.53$ dan $F_2^* = 5.4211 < F_{0.01(1,16)} = 8.53$. Artinya ada pengaruh jumlah beton yang diperlukan per hari, tinggi, tingkat dorongan pada slipform dan jumlah konstruksi bangunan terhadap kualitas beton dalam bentuk persamaan
- $$Y = -754.327 + 21.843X_3 + 395.764X_5 + 6.574X_7.$$

Penentuan Hipotesis Nonnested Untuk Sampel 35

Tabel 4 : Coefficient

Coefficients ^a						
Model		Unstandardized Coefficients		Standardized Coefficients	t	Sig.
		B	Std. Error	Beta		
1	(Constant)	443.269	726.573		.610	.546
	x2	74.340	33.526	.233	2.217	.034
	X3	47.437	10.186	.408	4.657	.000
	X4	-332.514	125.184	-.286	-2.656	.013
	X5	365.498	53.287	.560	6.859	.000

a. Dependent Variable: Y

Georgina Maria Tinungki

Dari Tabel 4 diperoleh persamaan

$$Y = 443.27 + 74.34 X_2 + 47.45 X_3 - 332.52 X_4 + 365.49 X_5$$

Tabel 5 : Model Summary

Model Summary

Model	R	R Square	Adjusted R Square	Std. Error of the Estimate
1	.898 ^a	.807	.781	270.116

a. Predictors: (Constant), X5, X2, X3, X4

Dari Tabel 5 terlihat nilai R Square 0.807 dan estimasi standar error 270.12

Analisis Regresi Untuk Ho

Tabel 6 : Coefficient

Coefficients^a

Model		Unstandardized Coefficients		Standardized Coefficients	t	Sig.
		B	Std. Error	Beta		
1	(Constant)	28.067	183.797		.153	.880
	X1	24.011	8.983	.408	2.673	.012
	X7	8.219	3.555	.353	2.312	.027

a. Dependent Variable: Y

Dari Tabel 6 diperoleh persamaan $Y = 28.07 + 24.01 X_1 + 8.22 X_7$

Tabel 7 : Model Summary

Model Summary

Model	R	R Square	Adjusted R Square	Std. Error of the Estimate
1	.656 ^a	.430	.395	449.186

a. Predictors: (Constant), X7, X1

Hipotesis Nonnested:

H_0 : Tidak ada pengaruh tinggi, jumlah konstruksi bangunan, jumlah pengangkatan dorongan terhadap kualitas beton dalam bentuk persamaan $Y = 443.269 + 74.340 X_2 + 47.437 X_3 - 332.514 X_4 + 365.498 X_5$

H_1 : Ada pengaruh jumlah bak, dan jumlah pengangkatan dorongan terhadap kualitas beton bentuk persamaan $Y = 28.067 + 24.011 X_1 + 8.219 X_7$

Hasil Uji J dan Bootstrapping Uji J

Dari dua persamaan hipotesis nonnested di atas akan digunakan uji J dan Bootstrap untuk memperoleh persamaan yang terbaik. Dengan bantuan Matlab 7.0.1, akan diperoleh hasil sebagai berikut:

Tabel 8 : Hasil Output Uji J dan Bootstrapping Uji J $\alpha = 0.01$

Test	Sampel	Pengujian H_0				Pengujian H_1			
		R_{YX}^2	df	F_1	Kesp	R_{YZ}^2	df	F_2	Kesp

Georgina Maria Tinungki

Uji J	35	0.8069	30	11.6951	ditolak	0.4303	32	112.5150	ditolak	
Bootstrap	399	35	0.5202	30	7.8726	ditolak	0.4561	32	8.6489	ditolak
J	999	35	0.7686	30	7.5248	diterima	0.3109	32	40.2749	ditolak

Dari output Uji J dan Bootstrapping Uji J pada Tabel 8 terlihat bahwa :

3. Pada Uji J untuk ukuran sampel 35 terlihat hasil pengujian H_0 adalah $R_{YX}^2 = 0.8069$, jumlah derajat bebas atau $df=30$ serta nilai $F_1 = 11.6951 > F_{0.01(1,30)} = 7.56$. Hasil pengujian H_1 adalah $R_{YZ}^2 = 0.4303$, jumlah derajat bebas atau $df = 32$ dan nilai $F_2 = 112.515 > F_{0.01(1,30)} = 7.56$. Dari kedua hasil tidak pengujian tidak dapat diambil kesimpulan karena kedua-duanya menolak hipotesis.
4. Pada Uji Bootstrap untuk ukuran sampel 35 akan dilakukan replikasi sebanyak 2 kali, yaitu replikasi 399 dan 999. Pada replikasi 399 sudah belum ada kesimpulan karena kedua-duanya ditolak. Hal ini terlihat dari $F_1^* = 7.88 > F_{0.01(1,30)} = 7.56$, dengan H_1 atau $F_2^* = 8.65 > F_{0.01(1,30)} = 7.56$ dan pada replikasi 999, nilai $F_1^* = 7.53 < F_{0.01(1,30)} = 7.56$ dan $F_2^* = 40.28 > F_{0.01(1,30)} = 7.56$. Artinya kualitas beton hanya dipengaruhi oleh jumlah bak dan jumlah pengangkutan dorongan yang ditulis dalam bentuk persamaan $Y = 28.07 + 24.01X_1 + 8.22X_7$.

4. Simpulan

- Dengan menggunakan metode Bootstrapping J akan menghasilkan sebuah model yang memiliki tingkat signifikan lebih tinggi.
- Uji J tidak efektif digunakan dalam menentukan model terbaik suatu hipotesis nonnested karena ketidakkonsistenan hasil ujinya pada jumlah sample terbatas.
- Uji Bootstrap dapat mengatasi ketidakkonsistenan yang terjadi pada uji J karena bootstrap mampu menyelesaikan permasalahan yang memiliki jumlah sampel terbatas.

Daftar Pustaka

- [1]. Bain, L.J and Max Engelhardt, 1992. Introduction to Probability and Mathematical Statistics. Duxbury
- [2]. Davidson Russel, 1997. Bootstrap Tests of Nonnested Linear regression Models, Canada, Ontario, Kingston
- [3]. Jeong Jinook, 2006. "R²-based bootstrap Tests for Nonnested Hypotheses in Regression Models," Department of Economics, Yonsei University
- [4]. James G. MacKinnon, 1999. Bootstrap Testing in Econometrics, Queen's University at Kingston
- [5]. Hashem Pesaran, M dan Melvyn Weeks., 1999. Non-nested Hypothesis testing: An Overview, Faculty of Economics and Politic, University of Cambridge.
- [6]. Abdul Halid Nusi., 2005. Metode Bootstrap Nonparametrik Pada Model Regresi Linear: Skripsi, Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam, Universitas Hasanuddin.